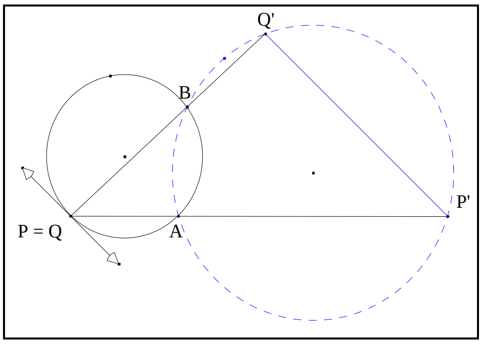
L'ÉQUIVALENCE GÉMELLAIRE 1 DE REIM

VISION DOUBLE

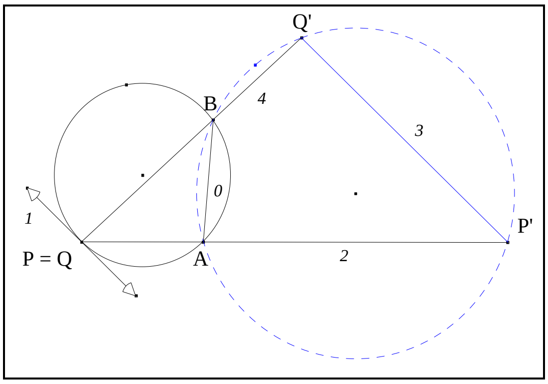
Figure :



Traits :	Γ	un cercle,
	A, B	les points de base,
	Da , Db	deux moniennes naissantes passant par A et B,
	P	le second point d'intersection de Da et Db avec Γ,
	Tp	la tangente à Γ en P
	P'	un point de Da
et	Q'	un point de Db .

Donné : (P'Q') est parallèle à Tp *si, et seulement si*, les points A, P', Q' et B sont cocycliques.

VISUALISATION NÉCESSAIRE



- Notons par un nombre, les droites de la figure ci-dessus et utilisons la technique des angles de droites.

- D'après le théorème de la tangente, $<40 = <12$.

- Les droites (P'Q') et Tp étant parallèles, $<12 = <32$;
  par transitivité de la relation =, $<40 = <32$.

- **Conclusion :** d'après le théorème du quadrilatère cyclique, les points A, P', Q' et B sont cocycliques.

VISUALISATION SUFFISANTE

- Nous retrouvons la situation du théorème **1** de Reim.

- **Conclusion :** (P'Q') est parallèle à Tp.

Scolie : lorsque la condition est nécessaire, nous parlerons du théorème **1"** de Reim.

Énoncé technique : le cercle Γ, les points de base A et B, les moniennes naissantes (PAP') et (PBQ'), conduisent au théorème **0"** de Reim ;
en conséquence, les points A, P', Q' et B sont cocycliques.