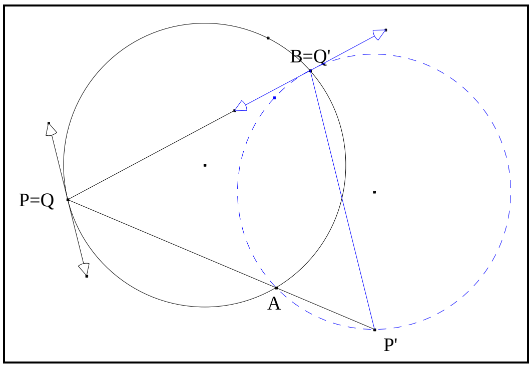
L'ÉQUIVALENCE GÉMELLAIRE 2 DE REIM

VISION DOUBLE

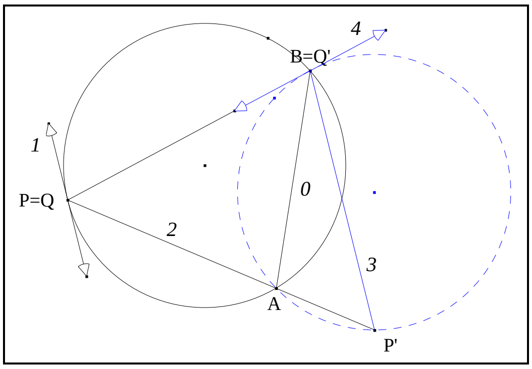
Figure :



Traits : Γ un cercle,
A, B les points de base,
Da , Db deux moniennes naissantes passant par A et B,
P le second point d'intersection de Da et Db avec Γ,
Tp la tangente à Γ en P
et P' un point de Da .

Donné : (P'B) est parallèle à Tp
si, et seulement si,
le cercle circonscrit au triangle BAP' est tangent à Db en B.

VISUALISATION NÉCESSAIRE



- Notons par un nombre, les droites de la figure ci-dessus et utilisons la technique des angles de droites.

- D'après le théorème de la tangente, *<40 = <12*.

- Les droites (P'B) et T_P étant parallèles, *<12 = <32* ;
  par transitivité de la relation =, *<40 = <32*.

- **Conclusion :** d'après le théorème de la tangente, le cercle circonscrit au triangle BAP' est tangent à Db en B.

VISUALISATION SUFFISANTE

- Nous retrouvons la situation du théorème **1** de Reim.

- **Conclusion :** (P'B) est parallèle à Tp.

Scolie : lorsque la condition est nécessaire, nous parlerons du théorème **1"** de Reim.

Énoncé technique : le cercle Γ, les points de base A et B, les moniennes naissantes (PAP') et (PBB), les parallèles Tp et (P'B), conduisent au théorème **1"** de Reim ;
en conséquence, le cercle circonscrit au triangle BAP' est tangent à Db en B.