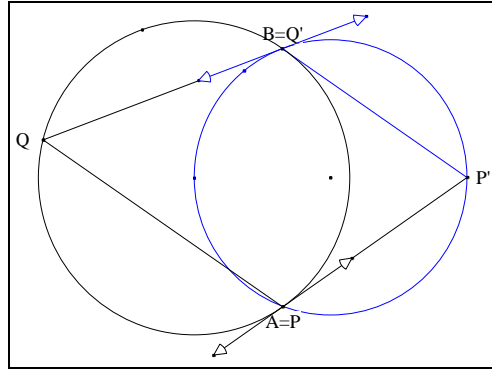


L'ÉQUIVALENCE 6 DE REIM

VISION DOUBLE

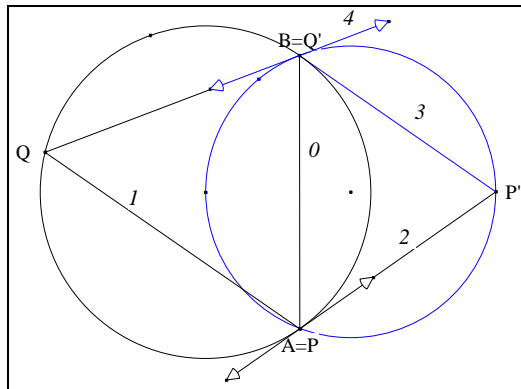
Figure :



Traits : C, C' deux cercles de Reim,
 A, B les points de base,
 Da la monienne tangente à C en A ,
 P' le second point d'intersection de Da avec C' ,
 Q un point de C ,
 Q' un point de C' ,
 Tb la tangente à C' en B
 et Db la monienne brisée (PBQ') .

Donné : Db est la monienne tangente Tb si, et seulement si, (AQ) est parallèle à $(P'B)$.

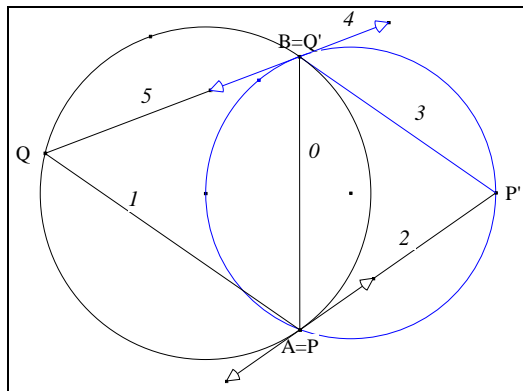
VISUALISATION NÉCESSAIRE



- **Scolie :** les points Q' et B sont confondus.
- Notons par un nombre, les droites de la figure ci-dessus et utilisons la technique des angles de droites.
- D'après le théorème de la tangente, $\angle 12 = \angle 40$.
- D'après le théorème de la tangente, $\angle 40 = \angle 32$;
 par transitivité de la relation $=$, $\angle 12 = \angle 32$;
 en conséquence, les droites 1 et 3 sont confondues.

- **Conclusion** : (AQ) est parallèle à (P'B).

VISUALISATION SUFFISANTE



- Notons par un nombre, les droites de la figure ci-dessus et utilisons la technique des angles de droites.
- D'après le théorème de la tangente, $\angle 5 = \angle 12$.
- (AQ) étant parallèle à (P'B), nous avons : $\angle 12 = \angle 32$.
- D'après le théorème de la tangente, $\angle 32 = \angle 40$;
par transitivité de la relation =, $\angle 12 = \angle 40$.
- Par transitivité de la relation =, $\angle 5 = \angle 40$;
en conséquence, les droites 4 et 5 sont confondues.
- **Conclusion** : Db est la monienne tangente Tb.

Scolies :

- (1) Lorsque la condition est nécessaire, nous parlerons du théorème **6** de Reim.

Énoncé traditionnel : pour tout couple de cercles de Reim et pour tout couple de moniennes, les résultantes sont parallèles.

Énoncé technique : les cercles C et C' , les points de base A et B , les moniennes (AAP') et (QBB) conduisent au théorème **6** de Reim; il s'en suit que (AQ) // (P'B).

- (2) Lorsque la condition est suffisante, nous parlerons du théorème **6'** de Reim.

Énoncé technique : les cercles C et C' , les points de base A et B , la monienne (AAP'), les parallèles (AQ) et (P'B), conduisent au théorème **6'** de Reim ; en conséquence, (QB) est la monienne tangente Tb.