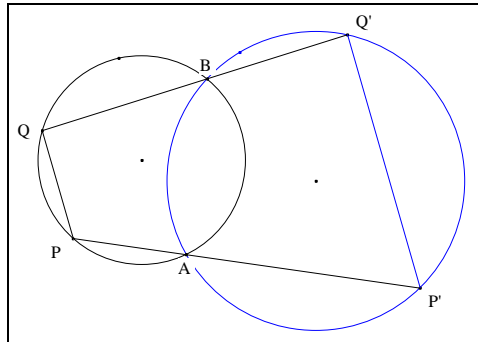


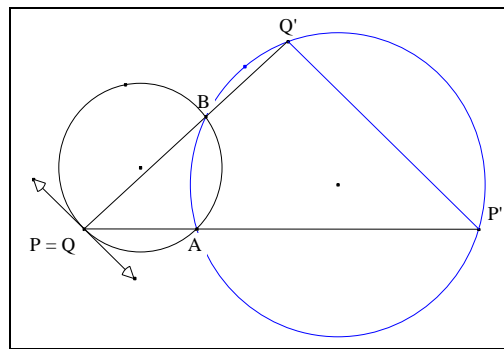
TABLEAU RÉCAPITULATIF

Théorème 0.



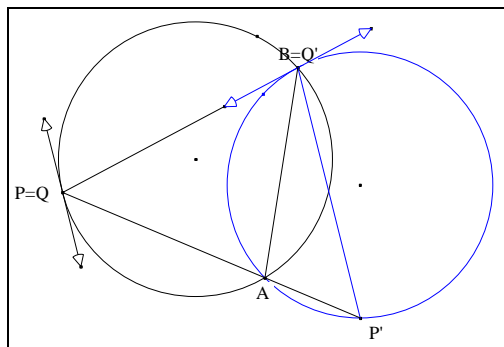
$(PQ) // (P'Q') \Leftrightarrow A, P', Q' \text{ et } B \text{ sont cocycliques}$

Théorème 1. $P = Q$



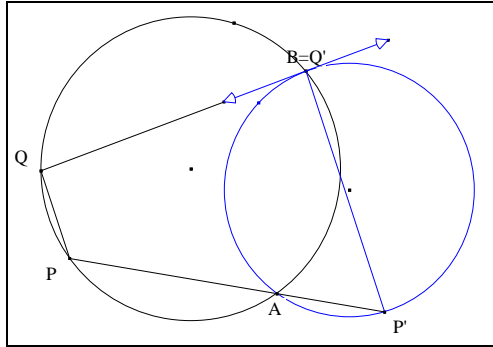
$(P'Q') // T_p \Leftrightarrow A, P', Q' \text{ et } B \text{ sont cocycliques}$

Théorème 2. $B = Q'$



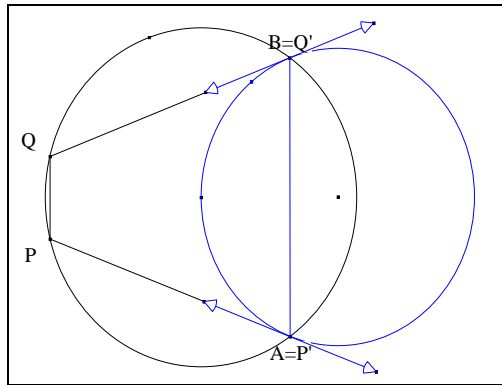
$(P'B) // T_p \Leftrightarrow \text{le cercle circonscrit à } BAP' \text{ est tangent à } Db \text{ en } B$

Théorème 3. $P = Q \text{ et } B = Q'$



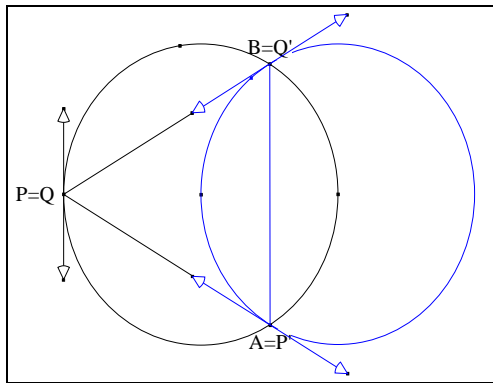
$(P'B) // (PQ) \Leftrightarrow$ le cercle circonscrit à BAP' est tangent à Db en B .

Théorème 4. $A = P'$ et $B = Q'$



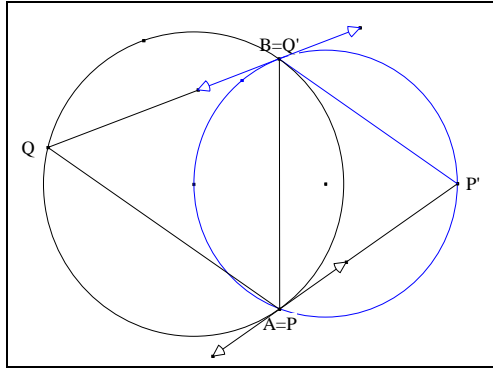
$(AB) // (PQ) \Leftrightarrow$ le cercle passant par A et B , tangent à Da en A , est tangent à Db en B .

Théorème 5. $P = Q$, $A = P'$ et $B = Q'$



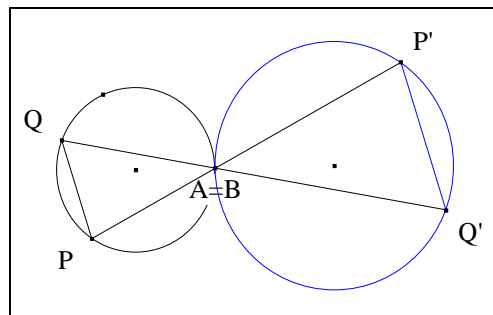
$(AB) // T_p \Leftrightarrow$ le cercle passant par A et B , tangent à Da en A , est tangent à Da en B .

Théorème 6. $A = P$ et $B = Q'$



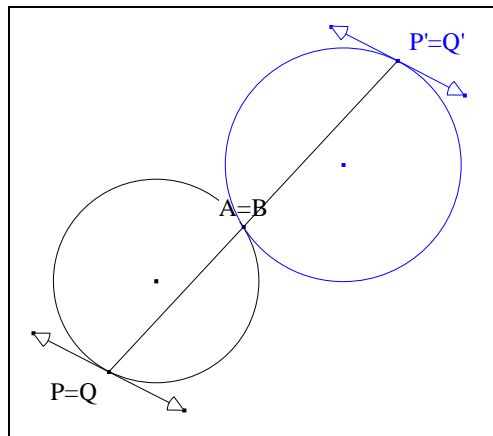
$(P'B) // (AQ) \Leftrightarrow$ le cercle circonscrit au triangle BAP' est tangent à Db en B .

Théorème 7.¹ $A = B$



$(PQ) // (P'Q') \Leftrightarrow$ le cercle circonscrit au triangle $AQ'P'$ est tangent à C en A .

Théorème 8.² $A = B$, $P = Q$ et $P' = Q'$



$Tp // Tp' \Leftrightarrow$ le cercle passant par A et P' , tangent à C en A , est tangent à Tp' en P' .

¹ Cauchy, *Correspondance sur l'École Polytechnique*, tome 1, p.193.

² Cas particulier que Cauchy a pris en compte dans un autre de ses théorèmes.

Casey J., *A Sequel to the first six books of the Elements of Euclid*, Livre II, proposition 3.

L'examen d'entrée à Cambridge "The Mathematical Tripos" de 1802 proposait aux candidats la réciproque du théorème 7 de Reim à démontrer; notons que les cercles peuvent aussi être tangents intérieurement.